

მათემატიკა - I ვარიანტი

ზოგადი ხასიათის მითითებები

შეფასებისას ქულა არ აკლდება შემდეგ შემთხვევებში:

- 1) თუ ამოცანის პასუხი წარმოდგენილია რიცხვითი გამოსახულების სახით, მაგრამ არ არის გამარტივებული;
- 2) ამოცანის ამოხსნის ბოლო ეტაპზე პასუხის გამოთვლის დროს დაშვებულია მექანიკური ხასიათის შეცდომა;

ერთი ქულა აკლდება შემდეგ შემთხვევაში:

თუ შეფასების სქემის რომელიმე კომბინაცია არ სრულდება მექანიკური ხასიათის ერთი შეცდომის გამო, მაშინ ამოცანის ამოხსნა შეფასდება ამ კომბინაციის შესაბამის ქულას მინუს ერთი ქულა.

მექანიკური ხასიათის შეცდომებია:

- ა) არითმეტიკულ გამოთვლაში დაშვებული შეცდომა, რომელიც ტექნიკური თვალსაზრისით არ იწვევს ამოცანის არსებით გამარტივებას;
- ბ) ტოლობის გადაწერისას რომელიმე წევრის ნიშნის ან კოეფიციენტის არასწორად გადატანა ან გამოტოვება, რომელიც ტექნიკური თვალსაზრისით არ იწვევს ამოცანის არსებით გამარტივებას.

შეფასების სქემაში შემდეგი სიტყვები: “გამოთვლა”, “პოვნა”, “მიღება”, „პასუხი“, გულისხმობს, რომ შედეგი მიღებულია დასაბუთებული მსჯელობით.

პასუხები

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14
ბ	ბ	ბ	ღ	ბ	ა	ბ	ბ	ღ	ა	ბ	ა	ღ	ბ

15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27
ა	ბ	ბ	ღ	ბ	ბ	ა	ა	ღ	ღ	ბ	ღ	ა

(2) 28.

ამოხსენით განტოლება

$$|2x + 9| = \frac{3}{5}.$$

ამოხსნა

$$|2x + 9| = \frac{3}{5} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x + 9 = \frac{3}{5} \\ 2x + 9 = -\frac{3}{5} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = -4,2 \\ x = -4,8 \end{cases}$$

პასუხი: $x = -4,2$ ან $x = -4,8$

ამოხსნის ეტაპები

ა) განიხილა $2x + 9 = \frac{3}{5}$ და $2x + 9 = -\frac{3}{5}$ განტოლებები;

ბ) განიხილა ა) პუნქტში მითითებული ერთ-ერთი განტოლება და იპოვა მისი ამონახსნი;

გ) პასუხი

შეფასების სქემა

1 ქულა - ა; ან ბ;

2 ქულა - ა, გ.

შენიშვნა. თუ ბოლომდე ამოხსნა $|2x + 9| \geq \frac{3}{5}$, ან $|2x + 9| > \frac{3}{5}$, ან $|2x + 9| \leq \frac{3}{5}$, ან

$|2x + 9| < \frac{3}{5}$, იწერება 1 ქულა.

(2) 29.

ინვესტორმა 300000 ლარად შეიძინა საავტომობილო კონცერნისა და სამშენებლო საწარმოს აქციები. ამასთან მან საავტომობილო კონცერნის აქციებში 3-ჯერ მეტი თანხა გადაიხადა, ვიდრე სამშენებლო საწარმოს აქციებში. რა მოგება ნახა ინვესტორმა პირველ წელს, თუ საავტომობილო კონცერნის აქციებში გადახდილი თანხის წლიურმა მოგებამ შეადგინა 10%, ხოლო სამშენებლო საწარმოს აქციებში - 8%?

ამოხსნა

რადგან ინვესტორმა საავტომობილო კონცერნის აქციებში 3-ჯერ მეტი თანხა გადაიხადა, ვიდრე სამშენებლო საწარმოს აქციებში ამიტომ სამშენებლო საწარმოს აქციებში მას გადაუხდია $300000 : 4 = 75000$ ლარი, ხოლო საავტომობილო კონცერნის აქციებში $300000 - 75000 = 225000$ ლარი.

პირველ წელს ინვესტორის მიერ მიღებული მოგება იქნება

$$75000 \cdot 0,08 + 225000 \cdot 0,1 = 6000 + 22500 = 28500 \text{ (ლარი).}$$

პასუხი: 28500 ლარი.

ამოხსნის ეტაპები

ა) იპოვა სამშენებლო საწარმოს (75000 ლარი) ან საავტომობილო კონცერნის (225000 ლარი) აქციების ფასი;

ბ) დაადგინა რა მოგება მიიღო ინვესტორმა პირველ წელს თითოეული კომპანიიდან (6000 ლარი და 22500 ლარი), ან იპოვა ინვესტორის მიერ პირველ წელს მიღებული მოგება (28500 ლარი).

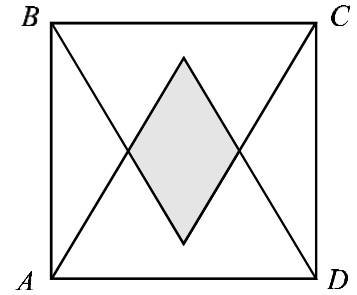
შეფასების სქემა

1 ქულა - ა;

2 ქულა - ა, ბ.

(3) 30.

$ABCD$ კვადრატის AD და BC გვერდებზე აგებულია ორი ტოლგვერდა სამკუთხედი ისე, როგორც სურათზეა მითითებული. იპოვეთ სამკუთხედების თანაკვეთით შექმნილი გამუქებული ფიგურის ფართობი, თუ კვადრატის გვერდი a -ს ტოლია.



ამოხსნა

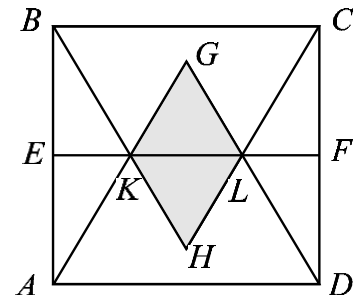
ABK სამკუთხედში $\angle KBE = \angle KAE = 30^\circ$, ამიტომ ABK ტოლგვერდაა და $BK = AK = \frac{BE}{\cos 30^\circ} = \frac{a}{\sqrt{3}}$. აქედან

$KH = BH - BK = \frac{(\sqrt{3}-1)a}{\sqrt{3}}$. რადგან KLH სამკუთხედში

$\angle LKH = \angle KHL = 60^\circ$, ამიტომ $\triangle KHL$ ტოლგვერდაა და მისი ფართობი $S_{KHL} = \frac{\sqrt{3}}{4} KH^2 = \frac{\sqrt{3}}{4} \frac{(\sqrt{3}-1)^2 a^2}{3} = \frac{2\sqrt{3}-3}{6} a^2$, ხოლო

გამუქებული ფიგურის ფართობი $S = 2S_{KHL} = \frac{2\sqrt{3}-3}{3} a^2$.

პასუხი: $S = \frac{2\sqrt{3}-3}{3} a^2$



ამოხსნის ეტაპები

- ა) გამოთვალა $\angle EAK, \angle EBK, \angle FCL, \angle FDL, \angle AKB, \angle CLD$ კუთხეებიდან ერთ-ერთი ან გამოთვალა AGD ან BHC სამკუთხედის ფართობებიდან ერთ-ერთი, ან დაწერა ტოლობა $S_{AGD} + S_{BHC} + S_{ABK} + S_{CLD} = S_{ABCD} + S_{KGLH}$ ან მისი ტოლფასი;
- ან გამოთვალა $\triangle KGL, \triangle KHL, \square KGLH$ ფიგურებიდან ერთ-ერთის ფართობი KL ან GH მონაკვეთების სიგრძეების საშუალებით;
- ბ) გამოთვალა $KGLH$ ოთხკუთხედის რომელიმე გვერდი ან ერთ-ერთი დიაგონალი;
- გ) პასუხი.

შეფასების სქემა

- 1 ქულა - ა;
- 2 ქულა - ა, ბ;
- 3 ქულა - ა, ბ, გ;

(3) 31.

არითმეტიკული პროგრესიის პირველი n წევრის ჯამი გამოითვლება ფორმულით $S_n = 29n - n^2$. ამასთან ამ პროგრესიის ერთ-ერთი წევრი 4-ის ტოლია. იპოვეთ ამ წევრის ნომერი.

ამოხსნა 1

არითმეტიკული პროგრესიის n -ური წევრი აღვნიშნოთ a_n -ით. მაშინ

$$a_1 = S_1 = 29 - 1 = 28 \text{ და } a_1 + a_2 = S_2 = 2 \cdot 29 - 4 = 54. \text{ ამიტომ}$$

$$a_2 = S_2 - S_1 = 54 - 28 = 26. \quad d = a_2 - a_1 = 26 - 28 = -2.$$

$$a_n = a_1 + d(n-1), \quad 28 - 2(n-1) = 4 \Rightarrow n = 13.$$

პასუხი: $n = 13$.

ამოხსნა 2

$$\text{თუ } n \geq 2, \text{ მაშინ } a_n = S_n - S_{n-1} = 29n - n^2 - 29(n-1) + (n-1)^2 = 30 - 2n = 4 \Rightarrow n = 13.$$

პასუხი: $n = 13$.

ამოხსნა 3

არითმეტიკული პროგრესიის წევრთა ჯამის ფორმულით

$$S_n = \frac{2a_1 + d(n-1)}{2} \cdot n = 29n - n^2. \text{ ამიტომ } (2a_1 - d)n + dn^2 = 58n - 2n^2 \Rightarrow d = -2 \text{ და}$$

$$2a_1 - d = 58 \Rightarrow d = -2 \text{ და } a_1 = 28. \text{ მაშინ } a_n = a_1 + d(n-1), \quad 28 - 2(n-1) = 4 \Rightarrow n = 13.$$

პასუხი: $n = 13$.

ამოხსნის ეტაპები

ა) იპოვა არითმეტიკული პროგრესიის ერთ-ერთი წევრი;

ბ) იპოვა არითმეტიკული პროგრესიის სხვაობა;

გ) მიიღო $2a_1 - d = 58$; (ან მისი ტოლფასი);

დ) დაწერა ტოლობა $a_n = S_n - S_{n-1}$, ან $\frac{a_1 + a_n}{2} \cdot n = 29n - n^2$, ან $\frac{2a_1 + d(n-1)}{2} \cdot n = 29n - n^2$;

ე) მიიღო $a_n = 30 - 2n$; (ან მისი ტოლფასი);

ვ) პასუხი.

შეფასების სქემა

1 ქულა - ა; ან ბ; ან გ; ან დ;

2 ქულა - ა, ბ; ან ე;

3 ქულა - ა, ბ, ვ; ან ე, ვ.

(3) 32.

იპოვეთ $f(x) = \frac{1}{\sqrt{14-3^x}} + \log_{7,2}(5x-4)$ ფუნქციის განსაზღვრის არე.

ამოხსნა

$f(x)$ ფუნქციის განსაზღვრის არეა $\begin{cases} 5x-4 > 0 \\ 14-3^x > 0 \end{cases}$ უტოლობათა სისტემის ამონახსნთა

სიმრავლე. ამოვხსნათ უტოლობათა სისტემა

$$\begin{cases} 5x-4 > 0 \\ 14-3^x > 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 5x > 4 \\ 3^x < 14 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x > \frac{4}{5} \\ x < \log_3 14 \end{cases}.$$

რადგან $\frac{4}{5} < \log_3 14$, ამიტომ $f(x)$ ფუნქციის განსაზღვრის არეა $\left(\frac{4}{5}, \log_3 14\right)$.

პასუხი: $\left(\frac{4}{5}, \log_3 14\right)$.

ამოხსნის ეტაპები

- ა) დაწერა უტოლობა $5x-4 > 0$;
- ბ) დაწერა უტოლობა $14-3^x > 0$;
- გ) ამოხსნა $14-3^x > 0$ უტოლობა და მიიღო $x < \log_3 14$;
- დ) მიიღო პასუხი.

შეფასების სქემა

- 1 ქულა - ა; ან ბ;
- 2 ქულა - ა, ბ; ან გ;
- 3 ქულა - ა, ბ, დ.

შენიშვნა. თუ დაწერა და ამოხსნა $\begin{cases} 5x-4 \geq 0 \\ 14-3^x \geq 0 \end{cases}$ სისტემა, იწერება ერთი ქულა.

თუ დაწერა და ამოხსნა $\begin{cases} 5x-4 > 0 \\ 14-3^x \geq 0 \end{cases}$ სისტემა, იწერება ორი ქულა.

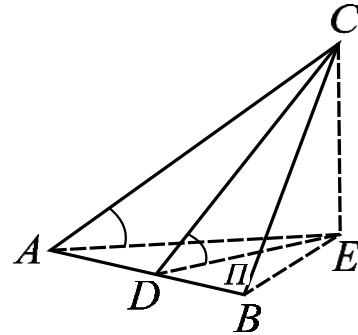
თუ ამოხსნა $14-3^x \geq 0$ უტოლობა და დაწერა პასუხი $x \leq \log_3 14$, იწერება 1 ქულა.

(3) 33.

ACB ტოლფერდა სამკუთხედის AB ფუძე Π სიბრტყეზე მდებარეობს, ხოლო სამკუთხედის სიბრტყე Π სიბრტყესთან ორწახნაგა α კუთხეს ადგენს. იპოვეთ AC ფერდის მიერ Π სიბრტყესთან შედგენილი კუთხის სინუსი, თუ $AB = m$, $AC = n$.

ამოხსნა

სამკუთხედის C წვეროდან Π სიბრტყეზე დავუშვათ CE მართობი ხოლო E წერტილიდან AB მონაკვეთზე დავუშვათ ED მართობი. რადგან ED არის AB გვერდის მართობი, სამი მართობის თეორემის თანახმად CD ასევე მართობულია AB გვერდის. ამიტომ $\angle CDE$ არის სამკუთხედის სიბრტყის მიერ Π სიბრტყესთან შედგენილი ორწახნაგა კუთხის შესაბამისი ხაზოვანი კუთხე.



აქედან ვღებულობთ: $CE = CD \cdot \sin \angle CDE = CD \cdot \sin \alpha$. რადგან $\triangle ACB$ ტოლფერდაა,

ამიტომ $CD = \sqrt{AC^2 - AD^2} = \sqrt{n^2 - \frac{m^2}{4}}$, $CE = \sin \alpha \sqrt{n^2 - \frac{m^2}{4}}$ და AC ფერდის მიერ Π სიბრტყესთან შედგენილი CAE კუთხის სინუსი ტოლია

$$\sin \angle CAE = \frac{CE}{CA} = \frac{\sin \alpha}{n} \sqrt{n^2 - \frac{m^2}{4}}.$$

პასუხი: $\sin \angle CBE = \frac{\sin \alpha}{n} \sqrt{n^2 - \frac{m^2}{4}}.$

ამოხსნის ეტაპები

- ა) გამოთვალა CD მონაკვეთი ან ნახაზზე მიუთითა სამკუთხედის სიბრტყითა და Π სიბრტყით შექმნილი ორწახნაგა კუთხის შესაბამისი ხაზოვანი კუთხე, ან მიუთითა AC ან BC ფერდის მიერ Π სიბრტყესთან შედგენილი კუთხე;
- ბ) გამოთვალა CE მონაკვეთი;
- გ) პასუხი.

შეფასების სქემა

- 1 ქულა - ა ან ბ .
- 2 ქულა - ა, ბ;
- 3 ქულა - ა, ბ, გ;

(4) 34.

პირველი ველოსიპედისტი P პუნქტიდან, ხოლო მეორე ველოსიპედისტი Q პუნქტიდან ერთდროულად ერთმანეთის შეხვედრი მიმართულებით მუდმივი სიჩქარეებით გაემგზავრნენ. ისინი ერთმანეთს შეხვდნენ გამოსვლიდან 36 წუთის შემდეგ და შეუჩერებლად გააგრძელეს გზა. შეხვედრის შემდეგ პირველმა ველოსიპედისტმა სიჩქარე გააორმაგა, მეორემ კი სიჩქარე 10%-ით შეამცირა. პირველი ველოსიპედისტი ჩავიდა Q პუნქტში 6 წუთით გვიან, ვიდრე მეორე ველოსიპედისტი P პუნქტში. რა დრო მოანდომა პირველმა ველოსიპედისტმა P პუნქტიდან Q პუნქტამდე გზის გავლას?

ამოხსნა 1

ვთქვათ, პირველი ველოსიპედისტი საათში გადის x კილომეტრს, ხოლო მეორე ველოსიპედისტი y კილომეტრს. შეხვედრის მომენტისთვის პირველ ველოსიპედისტს გავლილი ექნება $\frac{3x}{5}$ კილომეტრი ($36\text{წთ}=\frac{3}{5}\text{სთ}$), ხოლო მეორე ველოსიპედისტს გავლილი ექნება $\frac{3y}{5}$ კილომეტრი. შეხვედრის შემდეგ პირველი ველოსიპედისტი აგრძელებს მოძრაობას Q პუნქტისკენ $2x$ კმ/სთ სიჩქარით, ხოლო მეორე ველოსიპედისტი აგრძელებს მოძრაობას P პუნქტისკენ $y - y \cdot \frac{10}{100} = \frac{9y}{10}$ კმ/სთ სიჩქარით. შესაბამისად, პირველ ველოსიპედისტს შეხვედრის მომენტიდან Q პუნქტამდე მისასვლელად დასჭირდება $\frac{3y}{5} : 2x = \frac{3}{10} \cdot \frac{y}{x}$ სთ, ხოლო მეორე ველოსიპედისტს შეხვედრის მომენტიდან P პუნქტამდე მისასვლელად დასჭირდება $\frac{3x}{5} : \frac{9y}{10} = \frac{2}{3} \cdot \frac{x}{y}$ სთ. თუ გავითვალისწინებთ, რომ $6\text{წთ}=\frac{1}{10}\text{სთ}$, გვექნება განტოლება

$$\frac{3}{10} \cdot \frac{y}{x} - \frac{2}{3} \cdot \frac{x}{y} = \frac{1}{10}. \text{ ვისარგებლოთ აღნიშვნით } u = \frac{y}{x}. \text{ მაშინ}$$

$$\frac{3}{10} \cdot u - \frac{2}{3} \cdot \frac{1}{u} = \frac{1}{10} \Leftrightarrow 9u^2 - 3u - 20 = 0 \Rightarrow u = \frac{5}{3}.$$

პირველი ველოსიპედისტი P პუნქტიდან Q პუნქტამდე გზის გავლას მოანდომებს

$$\frac{3}{5} + \frac{3}{10} \cdot u = \frac{3}{5} + \frac{3}{10} \cdot \frac{5}{3} = \frac{11}{10} \text{ სთ} = 1 \text{ სთ } 6 \text{ წთ.}$$

პასუხი: 1სთ 6 წთ.

ამოხსნა 2

ვთქვათ, პირველმა ველოსიპედისტმა შეხვედრამდე გაიარა x კილომეტრი, ხოლო მეორე ველოსიპედისტმა - y კილომეტრი. მაშინ პირველი ველოსიპედისტის სიჩქარე შეხვედრამდე პერიოდში იქნება $\frac{5x}{3}$ კმ/სთ ($36\text{წთ}=\frac{3}{5}$ სთ), ხოლო მეორე ველოსიპედისტის სიჩქარე შეხვედრამდე პერიოდში იქნება $\frac{5y}{3}$ კმ/სთ. შეხვედრის შემდეგ პირველი ველოსიპედისტი აგრძელებს მოძრაობას Q პუნქტისკენ $\frac{10x}{3}$ კმ/სთ სიჩქარით, ხოლო მეორე ველოსიპედისტი აგრძელებს მოძრაობას P პუნქტისკენ $\frac{5y}{3} - \frac{5y}{3} \cdot \frac{10}{100} = \frac{3y}{2}$ კმ/სთ სიჩქარით. შესაბამისად, პირველ ველოსიპედისტს შეხვედრის მომენტიდან Q პუნქტამდე მისასვლელად დასჭირდება $y : \frac{10x}{3} = \frac{3}{10} \cdot \frac{y}{x}$ სთ, ხოლო მეორე ველოსიპედისტს შეხვედრის მომენტიდან P პუნქტამდე მისასვლელად დასჭირდება $x : \frac{3y}{2} = \frac{2}{3} \cdot \frac{x}{y}$ სთ. თუ გავითვალისწინებთ, რომ $6\text{წთ}=\frac{1}{10}$ სთ, გვექნება განტოლება $\frac{3}{10} \cdot \frac{y}{x} - \frac{2}{3} \cdot \frac{x}{y} = \frac{1}{10}$. ვისარგებლოთ აღნიშვნით $u = \frac{y}{x}$. მაშინ $\frac{3}{10} \cdot u - \frac{2}{3} \cdot \frac{1}{u} = \frac{1}{10} \Leftrightarrow 9u^2 - 3u - 20 = 0 \Rightarrow u = \frac{5}{3}$. პირველი ველოსიპედისტი P პუნქტიდან Q პუნქტამდე გზის გავლას მოანდომებს $\frac{3}{5} + \frac{3}{10} \cdot u = \frac{3}{5} + \frac{3}{10} \cdot \frac{5}{3} = \frac{11}{10}$ სთ = 1 სთ 6 წთ.

პასუხი: 1 სთ 6 წთ.

ამოხსნის ეტაპები

ა) გამოსახა შეხვედრამდე გავლილი მანძილები სიჩქარეებით (მაგალითად, $\frac{3x}{5}$ და $\frac{3y}{5}$) ან

სიჩქარეები გავლილი მანძილებით (მაგალითად, $\frac{5x}{3}$ და $\frac{5y}{3}$);

ბ) შეადგინა განტოლება $\frac{3}{10} \cdot \frac{y}{x} - \frac{2}{3} \cdot \frac{x}{y} = \frac{1}{10}$ (ან მისი ტოლფასი);

გ) იპოვა ველოსიპედისტების სიჩქარეების ან მანძილების შეფარდება (მაგალითად,

$$\frac{y}{x} = \frac{5}{3});$$

დ) პასუხი.

შეფასების სქემა

1 ქულა - ა;

2 ქულა - ბ;

3 ქულა - ბ, გ;

4 ქულა - ბ, გ, დ.

შენიშვნა. იმ შემთხვევაში, თუ აბიტურიენტმა გამოიცნო პასუხი და შეამოწმა, რომ ის აკმაყოფილებს ამოცანის პირობებს, იწერება 2 ქულა.

(4) 35.

$f(x) = 1 + ax - x^2$ ფუნქცია განსაზღვრულია $[1; 2]$ შუალედზე. იპოვეთ a პარამეტრის ყველა იმ მნიშვნელობათა სიმრავლე, რომელთათვისაც ამ ფუნქციის უდიდესი მნიშვნელობა მოთავსებულია $(3; 10)$ ინტერვალში.

ამოხსნა

შევნიშნოთ, რომ $f(x)$ ფუნქცია $[1; 2]$ სეგმენტზე უდიდეს მნიშვნელობას მიაღწევს ან $[1; 2]$ სეგმენტის საზღვრის $x=1$ ან $x=2$ წერტილებში, ან $[1; 2]$ სეგმენტის რომელიმე შიდა წერტილში. აღვნიშნოთ $f(x)$ ფუნქციის უდიდესი მნიშვნელობა $[1; 2]$ სეგმენტზე M -ით. რადგან $f(x)$ ფუნქცია წარმოადგენს კვადრატულ სამწევრს, რომლის უფროსი კოეფიციენტი -1 -ის ტოლია, ცხადია, რომ

$$M = f(1), \text{ თუ } \frac{a}{2} < 1 \quad (1)$$

(რადგან ამ შემთხვევაში $f(x)$ ფუნქცია კლებადია $[1; 2]$ სეგმენტზე);

$$M = f\left(\frac{-a}{2 \cdot (-1)}\right) = f\left(\frac{a}{2}\right), \text{ თუ } \frac{a}{2} \in [1; 2]; \quad (2)$$

$M = f(2)$, თუ $\frac{a}{2} > 2$ (რადგან ამ შემთხვევაში $f(x)$ ფუნქცია ზრდადია $[1; 2]$ სეგმენტზე). (3)

გამოვთვალოთ M -ის მნიშვნელობები.

$$\text{თუ } a < 2, \text{ მაშინ } M = a; \quad (4)$$

$$\text{თუ } 2 \leq a \leq 4, \text{ მაშინ } M = 1 + \frac{a^2}{4}; \quad (5)$$

$$\text{თუ } a > 4, \text{ მაშინ } M = 2a - 3.$$

(6)

პირობის თანახმად $M \in (3; 10)$ ინტერვალს. (4)-ს ამონახსნი არ აქვს, რადგან ერთის მხრივ $a \in (3; 10)$, ხოლო მეორეს მხრივ $a < 2$. (7)

(5)-დან მივიღებთ, რომ

$$\begin{cases} 2 \leq a \leq 4 \\ 3 < 1 + \frac{a^2}{4} < 10 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2 \leq a \leq 4 \\ 8 < a^2 < 36 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2 \leq a \leq 4 \\ 8 < a^2 < 36 \end{cases} \Leftrightarrow 2\sqrt{2} < a \leq 4. \quad (8)$$

(6)-დან მივიღებთ, რომ

$$\begin{cases} a > 4 \\ 3 < 2a - 3 < 10 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} a > 4 \\ 3 < a < \frac{13}{2} \end{cases} \Leftrightarrow 4 < a < \frac{13}{2}. \quad (9)$$

მიღებული ინტერვალების გაერთიანებით მივიღებთ საბოლოო პასუხს $a \in (2\sqrt{2}; 6,5)$.

პასუხი: $a \in (2\sqrt{2}; 6,5)$.

ამოხსნის ეტაპები

ა) დაასახელა $x=1$, $x=2$ და $x=\frac{a}{2}$ წერტილებიდან ერთი მაინც და შენიშნა, რომ ამ

წერტილში $f(x)$ ფუნქცია მიიღებს უდიდეს მნიშვნელობას;

ბ) განიხილა სამივე შემთხვევა (1), (2) და (3);

გ) მიიღო (4), (5), (6) შედეგებიდან ერთ-ერთი;

დ) მიიღო სამივე შედეგი (4), (5) და (6);

ე) მიიღო (7), (8), (9) შედეგებიდან რომელიმე ორი;

ვ) მიიღო პასუხი.

შეფასების სქემა

1 ქულა - ა;

2 ქულა - ბ ან გ;

3 ქულა - ბ, დ ან გ, ე;

4 ქულა - ბ, დ, ვ.

შენიშვნა. თუ დათვლილია $f(1)$, $f(2)$ და $f(a/2)$, იწერება 1 ქულა;

თუ დათვლილია $f(1)$ ან $f(2)$ ან $f(a/2)$ და მითითებულია, რომ მისი მნიშვნელობა მოთავსებული უნდა იყოს (3;10) ინტერვალში, იწერება 1 ქულა.